

Ingegneria Meccanica

Analisi matematica 2 e Fisica matematica

Codice del corso: 60234

Programma di Fisica matematica

Prof. Franco Bampi

I numeri tra parentesi si riferiscono alle pagine del libro

F. Bampi, C. Zordan, Meccanica Razionale con elementi di Probabilità e Variabili Aleatorie, Ecig, Genova, 2003

Calcolo vettoriale

Algebra vettoriale

Spazi vettoriali (7). Indipendenza lineare, dimensione, basi (7). Prodotto scalare (7). Struttura di spazio vettoriale dello spazio ambiente (7). Versori (8). Basi ortonormali (8). Rappresentazione cartesiana ortogonale di un vettore (8). Notazione di Grassmann (9). Prodotto scalare (10). Prodotto vettore (11). Operazioni composte (12). Regole di calcolo tra matrici (13). Cambiamento di base (15). Variazione delle componenti di un vettore (16). Operatori vettoriali (16). Rappresentazione su base degli operatori vettoriali lineari (17). Variazione della matrice associata a un operatore (18). Esempio (18).

Analisi vettoriale

Vettore funzione di parametro (19). Limite di funzioni vettoriali (20). Derivata di funzioni vettoriali (20). Integrale di funzioni vettoriali (21).

Elementi di teoria delle curve

Curve e loro rappresentazione parametrica (22). Curve semplici e regolari (22). Esempio (23). Ascissa curvilinea (23). Teorema sull'ascissa curvilinea (24). Esempio (25). Terna intrinseca (26). Curvatura di flessione (27). Esempio (27). Formula di Frenet (27). Calcolo della curvatura (27).

Meccanica del punto

Cinematica del punto

Tempo, spazio (29). Osservatore ideale (29). Movimento e sua descrizione (29). Legge oraria (30). Moti particolari (31). Velocità e sue proprietà (31). Velocità: rappresentazione intrinseca (31). Moti uniformi (32). Moti a velocità costante (32). Accelerazione e sue proprietà (32). Accelerazione: rappresentazione intrinseca (32). Moti ad accelerazione costante (34).

Cinematica relativa

Assioma di tempo assoluto (34). Assioma di spazio assoluto (34). Moto di trascinamento (35). Esempio: relatività della descrizione del moto (35). Derivata temporale assoluta e relativa (36). Formule di Poisson (37). Significato meccanico del vettore ω (38). Legame tra derivata assoluta e relativa (41). Legge di composizione delle velocità angolari (42). Teorema di Galilei (43). Commento ed esempi (44). Teorema di Coriolis (45). Trasformazioni di Galilei (46).

Dinamica e statica

Punto materiale (46). Punto materiale isolato (47). Legge d'inerzia: I legge della dinamica (47). Forze (47). Esempi di forze (47). Legge di Newton: II legge della dinamica (48). Uso della II legge della dinamica (49). Principio di azione e reazione: III legge della dinamica (49). Principio di relatività galileiana (50). Dinamica relativa (50). Struttura matematica delle equazioni di Newton (51). Esempio (51). Equilibrio di un punto materiale (53). Statica in un riferimento inerziale (54). Implicazioni dinamiche (55). Integrali primi (55). Individuazione degli integrali primi (56). Esempio (56). Teorema dell'energia (57). Osservazione sul calcolo di W_{12} (57). Campi conservativi (58). Teorema sui campi conservativi (59). Campi conservativi e integrali di linea (59). Esempi (61). Integrale dell'energia (61). Teorema dell'energia nel caso generale (61). Forze giroscopiche, dissipative, motrici (62). Vincoli (63). Caratterizzazione della reazione vincolare (63). Legge del moto incipiente (65). Esempio: punto vincolato a una linea fissa e scabra (65). Teorema dell'energia nel caso vincolato (66).

Meccanica dei sistemi

Sistemi di vettori applicati

Vettori applicati (69). Asse centrale (70). Nota circa il polo Ω (72). Coppia (72). Equivalenza e riducibilità di sistemi di vettori applicati (72). Sistemi di vettori paralleli: centro dei vettori paralleli (74).

Equazioni cardinali

Sistemi di punti materiali (75). Forze interne come sistema equilibrato (76). Equazioni cardinali della statica (77). Equazioni cardinali della dinamica (77). Teorema sulle equazioni cardinali (79). Baricentro (79). Conseguenze della definizione di baricentro (80). Prima equazione cardinale: leggi di conservazione (81). Esempio (81). Seconda equazione cardinale: leggi di conservazione (82). Esempio (82). Teorema dell'energia (83).

Baricentri

Proprietà del baricentro (85). Baricentro di un sistema continuo (87). Teoremi di Guldino (87).

Corpi rigidi

Cinematica dei moti rigidi

Vincolo di rigidità (89). Spazio rigido associato a un corpo rigido (89). Caratterizzazione cinematica dei corpi rigidi (89). Moti rigidi finiti (90). Atto di moto (90). Moti tangenti (90). Riducibilità dell'atto di moto rigido (90).

L'operatore d'inerzia

Motivazione (92). Definizione (92). Proprietà (93). Rappresentazione matriciale (93). Calcolo delle componenti dell'operatore d'inerzia (93). Diagonalizzazione della matrice d'inerzia (94). Proprietà notevoli (95). Assi principali e simmetrie (95). Momenti d'inerzia (96). Esempio (97). Formula di trasposizione per l'operatore d'inerzia (98). Formula di trasposizione per la matrice d'inerzia (99). Teorema di Huygens-Steiner (100). Additività dei momenti d'inerzia (101). Ellissoide d'inerzia (102).

Meccanica dei corpi rigidi

Sufficienza delle equazioni cardinali (102). Energia cinetica (102). Momento angolare (103). Seconda equazione cardinale (104). Potenza di un sistema di forze (105). Teorema dell'energia (105).

Moti rigidi notevoli

Corpo rigido con asse fisso (106). (Cenno ai) Cimenti dinamici (109). Orientazione di un corpo rigido nello spazio (110). Angoli di Eulero (110). Velocità angolare e angoli di Eulero (111). Corpo rigido con punto fisso (114). Equazioni di Eulero (114). Esempio (115). Rotazioni permanenti (116). Moti di precessione (116). Moti alla Poincaré (117). Moti alla Poincaré per corpi con struttura sferica (117). Moti alla Poincaré per corpi con struttura giroscopica (117). Rotazioni permanenti nei moti alla Poincaré (118). Sui momenti di deviazione (119). Corpo rigido libero (119). Corpo rigido libero soggetto a forze baricentrali (120).

Fili

Statica

Definizione (147). Equilibrio dei sistemi continui (148). Caratterizzazione delle forze agenti su un filo (148). Condizioni agli estremi del filo (149). Forze concentrate: condizioni di discontinuità (150). Equazioni indefinite di equilibrio dei fili (inestensibili) (150). Assenza di forze distribuite: filo scarico (151). Trattazione cartesiana (152). Trattazione intrinseca (153). Forze distribuite conservative (153). Forze distribuite parallele (153). Equilibrio di un filo omogeneo pesante: la catenaria (155). Problema del ponte sospeso (157). Filo teso su una superficie (161).