Analisi matematica I – Ingegneria edile-architettura Prova scritta intermedia – 11 aprile 2008

Esercizio 1. Studiare il grafico della funzione

$$f(x) := \sqrt{\frac{x^3}{x - 5}} + |x| - x$$

precisando: dominio, insieme di continuità, insieme di derivabilità, crescenza e decrescenza, limiti agli estremi del dominio, eventuali asintoti. (Non è richiesto lo studio della derivata seconda).

Esercizio 2. Sia $g(x) = \ln(1+x^2) + \sin(x-x^3)$.

- a) Determinare un polinomio che approssimi g a meno di 10^{-2} in $\left[-\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}\right]$. b) Valutare l'ordine di infinitesimo per $x \to 0^+$ di $g(x) x x^2 + x^3$.

Esercizio 3. Data l'equazione (nell'incognita $x \in \mathbb{R}$)

$$\ln|x| = \frac{k - x}{x}$$

determinare il numero ed il segno delle eventuali soluzioni al variare di $k \in \mathbb{R}$.